# Right-handed Sneutrino Cosmology and Hadron Collider Signatures

#### Shrihari Gopalakrishna

Northwestern University

with Andre de Gouvea (Northwestern) & Werner Porod (Valencia)

> June 15, 2006 Susy 06, UC Irvine

伺い イヨト イヨト

# Outline

- Motivation
- The Theory
  - Sneutrino mass matrix & mixing
- Right-handed sneutrino  $(\tilde{N}_R)$  dark matter
- $\tilde{N}_R$  Tevatron and LHC signatures
- Conclusions

• • = • • = •

# Motivation

#### Neutrino has mass

Old Standard Model (SM) had only left-handed  $\nu_L^{e,\mu,\tau}$ Oscillation experiments :  $\nu_L^{\alpha} \leftrightarrow \nu_L^{\beta}$  :  $m_{\nu} \approx 0.1 \text{eV}$ A renormalizable theory for mass requires adding: Right-handed Neutrino ( $N_R^i$ .) OR Higgs triplet

If Supersymmetry and  $N_R^i$ , then right-handed sneutrino

Dark Matter

WMAP result (2003)  $\Omega_m h^2 = 0.135 \stackrel{+0.008}{-0.009}$ ;  $h^2 \approx 0.5$ 

If  $\tilde{N}_R$  LSP ... overclose the universe? ... Dark Matter? Is it possible to test this? ... Collider implications?

Neutrino Mass Sneutrino Mass

#### SUSY Sector

Most general (renormalizable) theory, with Lepton-# violation

#### Superpotential

$$\mathcal{W} = N^{c} Y_{N} L \cdot H_{u} + N^{c} \frac{M_{N}}{2} N^{c} + W_{\text{MSSM}}$$

#### SUSY Breaking terms

$$\mathcal{L}_{SUSYBr} = - \tilde{\ell}_{L}^{\dagger} m_{\ell}^{2} \tilde{\ell}_{L} - \tilde{N}_{R}^{\dagger} m_{N}^{2} \tilde{N}_{R} + h.c.$$

$$- \tilde{N}_{R}^{\dagger} A_{N} \tilde{\ell}_{L} \cdot h_{u} + h.c.$$

$$+ \tilde{N}_{R}^{T} \frac{b_{N}^{2}}{2} \tilde{N}_{R} + h.c.$$

イロト イポト イヨト イヨト

Neutrino Mass Sneutrino Mass

# Neutrino Mass

$$\mathcal{L}_{mass}^{\nu} = -\overline{N}v_u Y_N \nu - \overline{N^c} \frac{M_N}{2} N + h.c.$$
  
 $m_{\nu} = \frac{v_u^2 Y_N^2}{M_N}$ 

For  $m_{\nu} \sim 0.1 {\rm eV}$ 

- If  $M_N \sim 10^{14} {
  m GeV}$  then  $Y_N \sim {\it O}(1)$  (Seesaw)
- If  $M_N \sim 10^2 {
  m GeV}$  then  $Y_N \sim 10^{-6}$
- If no  $M_N$  term then  $Y_N \sim 10^{-12}~({
  m Dirac}~
  u)~$  [Asaka et al. '05]

< 同 > < 三 > < 三 > -

-

Neutrino Mass Sneutrino Mass

#### Sneutrino mass matrix

$$\mathcal{L}_{mass}^{\tilde{\nu}} = -\begin{pmatrix} \tilde{\nu}_{L}^{\dagger} & \tilde{N}_{R}^{\dagger} & \tilde{\nu}_{L}^{T} & \tilde{N}_{R}^{T} \end{pmatrix} \mathcal{M}_{\tilde{\nu}} \begin{pmatrix} \tilde{\nu}_{L} \\ \tilde{N}_{R} \\ \tilde{\nu}_{L}^{*} \\ \tilde{N}_{R}^{*} \end{pmatrix}$$

From now assume as real :  $m_{LL}^2$ ,  $m_{RR}^2$ ,  $m_{RL}^2$ ,  $c_\ell$ ,  $b_N^2$ Redefine:

$$\tilde{\nu}_L = (\tilde{\nu}_1 + i\tilde{\nu}_2)/\sqrt{2}$$
  
 $\tilde{N}_R = (\tilde{N}_1 + i\tilde{N}_2)/\sqrt{2}$ 

< 同 > < 三 > < 三 > -

Neutrino Mass Sneutrino Mass

#### Mass matrix becomes...

$$\begin{aligned} \mathcal{L}_{mass}^{\tilde{\nu}} &= -\frac{1}{2} \begin{pmatrix} \tilde{\nu}_{1}^{T} & \tilde{N}_{1}^{T} & \tilde{\nu}_{2}^{T} & \tilde{N}_{2}^{T} \end{pmatrix} \mathcal{M}_{\tilde{\nu}}^{r} \begin{pmatrix} \tilde{\nu}_{1} \\ \tilde{N}_{1} \\ \tilde{\nu}_{2} \\ \tilde{N}_{2} \end{pmatrix} \\ \mathcal{M}_{\tilde{\nu}}^{r} &= \begin{pmatrix} m_{LL}^{2} - c_{\ell} & m_{RL}^{2} + v_{u} Y_{N}^{T} M_{N}^{*} & 0 & 0 \\ m_{RL}^{2} + v_{u} M_{N}^{\dagger} Y_{N} & m_{RR}^{2} - b_{N}^{2} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & m_{LL}^{2} + c_{\ell} & m_{RL}^{2} - v_{u} Y_{N}^{T} M_{N}^{*} \\ 0 & 0 & m_{RL}^{2} - v_{u} M_{N}^{\dagger} Y_{N} & m_{RR}^{2} + b_{N}^{2} \end{pmatrix} \end{aligned}$$

[Hirsch et al., Grossman et al. '97]

(日)

Neutrino Mass Sneutrino Mass

### Diagonalization

$$\begin{pmatrix} \tilde{\nu}_i \\ \tilde{N}_i \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \theta_i^{\tilde{\nu}} & -\sin \theta_i^{\tilde{\nu}} \\ \sin \theta_i^{\tilde{\nu}} & \cos \theta_i^{\tilde{\nu}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \tilde{\nu}_i' \\ \tilde{N}_i' \end{pmatrix} ; \quad s_i \equiv \sin \theta_i^{\tilde{\nu}}$$

Mixing angle is:

$$\tan 2\theta_i^{\tilde{\nu}} = \frac{2\left|-\mu^* v_d Y_N + v_u A_N \pm v_u M_N^{\dagger} Y_N\right|}{(m_{LL}^2 \mp c_\ell) - (m_{RR}^2 \mp b_N^2)}$$

Assume:  $A_N \equiv a_N Y_N m_\ell$ ;  $\Rightarrow s_1 \approx Y_N \frac{v_u}{m_\ell} \alpha_m$ 

 $Y_N \sim 10^{-6}$  ;  $A_N \sim a_N \cdot 0.1~{
m MeV}$  ;  $s_1 \sim 10^{-6} lpha_m$  ;  $ilde{
u}_0 pprox ilde{N}_1$ 

< ロ > < 同 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

Neutrino Mass Sneutrino Mass

#### Diagonalization

$$\begin{pmatrix} \tilde{\nu}_i \\ \tilde{N}_i \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \theta_i^{\tilde{\nu}} & -\sin \theta_i^{\tilde{\nu}} \\ \sin \theta_i^{\tilde{\nu}} & \cos \theta_i^{\tilde{\nu}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \tilde{\nu}_i' \\ \tilde{N}_i' \end{pmatrix} ; \quad s_i \equiv \sin \theta_i^{\tilde{\nu}}$$

Mixing angle is:

$$\tan 2\theta_i^{\tilde{\nu}} = \frac{2\left|-\mu^* v_d Y_N + v_u A_N \pm v_u M_N^{\dagger} Y_N\right|}{(m_{LL}^2 \mp c_\ell) - (m_{RR}^2 \mp b_N^2)}$$

Assume:  $A_N \equiv a_N Y_N m_\ell$ ;  $\Rightarrow s_1 \approx Y_N \frac{v_u}{m_\ell} \alpha_m$ 

$$Y_N \sim 10^{-6}$$
 ;  $A_N \sim a_N \cdot 0.1~{
m MeV}$  ;  $s_1 \sim 10^{-6} lpha_m$  ;  $ilde{
u}_0 pprox ilde{N}_1$ 

< ロ > < 同 > < 三 > < 三 >

Thermalization

#### **Boltzmann Equation**

 $\mathsf{Big}\;\mathsf{Bang}\to\mathsf{Inflation}\to\cdots\to\mathsf{BBN}\to\mathsf{Today}$ 

Thermal equilibrium if  $\langle \sigma v \rangle_{SI} n_{\tilde{\nu}_0} > 3H$ **Freeze-out** 



• • • • • • • •

Thermalization

When is  $\tilde{\nu}_0$  Thermal?

 $\langle \sigma \mathbf{v} \rangle \mathbf{n} > 3H$ 

# $\begin{array}{ll} \text{Self-interaction processes} \\ (a_s) \ \tilde{\nu}_0 \tilde{\nu}_0 \rightarrow \nu_L \nu_L & \tilde{W}^3 \ ; \ \tilde{B} \ \text{exchange} \\ (d_s) \ \tilde{\nu}_0 \tilde{\nu}_0 \rightarrow \nu_L \overline{\nu_L} \ ; \ e_L \overline{e_L} & \tilde{H}_u^+ \ ; \ \tilde{H}_u^0 \ \text{exchange} \\ \hline \hline \\ (a_s) \ & \frac{s_1^4}{16\pi} \left( \frac{g^2}{M_W^2} + \frac{{g'}^2}{M_B^2} \right)^2 & \alpha_m Y_N > 10^{-3} \\ \hline \\ \hline \\ \hline \\ \hline \\ \hline \\ (d_s) \ & \frac{Y_N^4 c_1^4}{16\pi} \frac{1}{M_H^2} \left( \frac{m_e}{M_{\rm LSP}} \right)^2 & Y_N > 10^{-3} \\ \hline \end{array}$

3

Thermalization

When is  $\tilde{\nu}_0$  Thermal?

 $\langle \sigma \mathbf{v} \rangle \mathbf{n} > 3H$ 

# $\begin{array}{l} \text{Self-interaction processes} \\ (a_s) \ \tilde{\nu}_0 \tilde{\nu}_0 \rightarrow \nu_L \nu_L & \tilde{W}^3 \ ; \ \tilde{B} \ \text{exchange} \\ (d_s) \ \tilde{\nu}_0 \tilde{\nu}_0 \rightarrow \nu_L \overline{\nu_L} \ ; \ e_L \overline{e_L} & \tilde{H}_u^+ \ ; \ \tilde{H}_u^0 \ \text{exchange} \\ \end{array}$

Process	Cross-section	Limit
( <i>a</i> <sub>s</sub> )	$rac{s_1^4}{16\pi}\left(rac{g^2}{M_{ ilde W}}+rac{{g'}^2}{M_{ ilde B}} ight)^2$	$\alpha_m Y_N > 10^{-3}$
$(d_s)$	$\frac{Y_N^4 c_1^4}{16\pi} \frac{1}{M_{\tilde{H}}^2} \left(\frac{m_e}{M_{\rm LSP}}\right)^2$	$Y_N > 10^{-3}$

3

#### Thermalization conditions not met $\Rightarrow$ Nonthermal $\tilde{\nu}_0$

 $ilde{N}_R$  interacts only through tiny Yukawa, so Nonthermal for:

- $Y_N \lesssim 10^{-6}\,$  i.e.,  $ilde{
  u}_0$  is almost pure right-handed
- Low Reheat temp  $T_{RH} <$  100 GeV ; Reheat into  $ilde{
  u}_0$  + SM

[S.G., Porod, de Gouvea, hep-ph/0602027 - JCAP]

・ 同 ト ・ ヨ ト ・ ヨ ト ・ ヨ

Displaced Verte Distributions Reach

# Tevatron and LHC Signatures

Unique features

- Heavier SUSY decays thro  $Y_N$  (tiny?) .... Disp vtx?
- All SUSY decays must have a lepton (charged or neutrino)
- Expect non-universality in e,  $\mu$ ,  $\tau$  events
- 3 gens of  $\tilde{N}_R$ .... Cascade decays give leptons (how soft?)

At hadron colliders look for:

 ${f q} \ {f q} \ {f g} \ {f g} \ {f g} \ , \ \dots$ 

Monte Carlo Program: Pythia 6.327:

With modification to include angular dep of 3-body stop decays [Special thanks to Stephen Mrenna & Peter Skands for help with Pythia]

イロト イポト イヨト イヨト 二日

Displaced Vertex Distributions Reach

# Tevatron and LHC Signatures

Unique features

- Heavier SUSY decays thro  $Y_N$  (tiny?) .... Disp vtx?
- All SUSY decays must have a lepton (charged or neutrino)
- Expect non-universality in e,  $\mu$ ,  $\tau$  events
- 3 gens of  $\tilde{N}_R$ .... Cascade decays give leptons (how soft?)

At hadron colliders look for:

 ${f q} \ {f q} \ {f g} \ {f g} \ {f g} \ {f g} \ {f m} \ {f m}$ 

Monte Carlo Program: **Pythia** 6.327:

With modification to include angular dep of 3-body stop decays [Special thanks to Stephen Mrenna & Peter Skands for help with Pythia]

< ロ > < 同 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

Displaced Vertex Distributions Reach

#### $\tilde{t}_R$ production and decay





#### Level 1 cuts:

The rapidity cuts  $\eta_{\ell} < 2.5$ ,  $\eta_{b} < 2.5$ .

The transverse momentum cuts  $p_{T_{\ell}} > 20$  GeV,  $p_{T_b} > 10$  GeV.

The isolation cut  $R_{b\ell}>$  0.4, where  $R^2_{b\ell}\equiv (\phi_b-\phi_\ell)^2+(\eta_b-\eta_\ell)^2$ 

< ロ > < 同 > < 三 > < 三 >

Displaced Vertex Distributions Reach

#### $\tilde{t}_R$ production and decay





Level 1 cuts:

The rapidity cuts  $\eta_{\ell} < 2.5$ ,  $\eta_b < 2.5$ .

The transverse momentum cuts  $p_{T\ell} > 20$  GeV,  $p_{Tb} > 10$  GeV. The isolation cut  $R_{b\ell} > 0.4$ , where  $R_{b\ell}^2 \equiv (\phi_b - \phi_\ell)^2 + (\eta_b - \eta_\ell)^2$ 

Displaced Vertex Distributions Reach

 $\tilde{t}_R$  production and decay : Disp Vtx



Shrihari Gopalakrishna

Right-handed SneutrinoCosmology and Hadron Collider Signature

\* 3 > < 3</p>

Displaced Vertex Distributions Reach

# $p_T$ distributions









イロト イボト イヨト イヨト

æ

The Theory Displaced Ve Cosmology Distributions Collider Signatures Reach

## distributions







イロト イボト イヨト イヨト

æ

Displaced Vertex Distributions Reach

#### Tevatron and LHC Reach

		$\sigma(pb)$	α	# (for 1 fb <sup>-1</sup> )	$S/\sqrt{B}$ (for 1 fb <sup>-1</sup> )	$\mathcal{L}(\mathrm{fb}^{-1} \text{ for 5 } \sigma)$
Тор	Tevatron	5.6	0.79	8	-	-
	LHC	488	0.7	484	-	-
$M_{\tilde{t}_R} = 150$	Tevatron	1.04	0.29	17	6	0.7
	LHC	167	0.24	1947	88	0.003
$M_{\tilde{t}_R} = 175$	Tevatron	0.42	0.47	18	6.6	0.57
	LHC	81.8	0.43	3062	139	0.001
$M_{\tilde{t}_R} = 250$	Tevatron	0.04	0.71	4	1.4	12.7
	LHC	14.65	0.66	1292	58	0.007
$M_{\tilde{t}_R} = 500$	LHC	0.37	0.81	49	2.22	5.1
$M_{\tilde{t}_R} = 750$	LHC	0.03	0.85	4.3	0.19	692

イロト イボト イヨト イヨト

# Conclusions

- Pure right-handed  $\tilde{\nu}$  investigated here
  - When SUSY breaking, Majorana mass at weak scale;  $Y_N \sim 10^{-6}$
  - Nonthermal dark matter candidate
- Tevatron and LHC Signatures
  - Displaced Vertex
  - Look for nonuniversal lepton signature

▲ □ ▶ ▲ □ ▶ ▲ □ ▶

Displaced Verte> Distributions Reach

#### **Backup Slides**

#### **Backup Slides**

Shrihari Gopalakrishna Right-handed SneutrinoCosmology and Hadron Collider Signature

イロト イポト イヨト イヨ

Displaced Vertex Distributions Reach

#### Sneutrino mass matrix

$$\begin{aligned} \mathcal{L}_{mass}^{\tilde{\nu}} &= -\left(\tilde{\nu}_{L}^{\dagger} \ \ \tilde{N}_{R}^{\dagger} \ \ \tilde{\nu}_{L}^{T} \ \ \tilde{N}_{R}^{T}\right) \mathcal{M}_{\tilde{\nu}} \begin{pmatrix} \tilde{\nu}_{L} \\ \tilde{N}_{R} \\ \tilde{\nu}_{L}^{*} \\ \tilde{N}_{R}^{*} \end{pmatrix} \\ \mathcal{M}_{\tilde{\nu}} &= \frac{1}{2} \begin{pmatrix} m_{LL}^{2} \ \ m_{RL}^{2\dagger} \ \ -v_{u}^{2}c_{\ell}^{\dagger} \ \ v_{u}Y_{N}^{\dagger}M_{N} \\ m_{RL}^{2} \ \ m_{RR}^{2} \ \ v_{u}M_{N}^{T}Y_{N}^{*} \ \ -b_{N}^{2\dagger} \\ -v_{u}^{2}c_{\ell} \ \ v_{u}Y_{N}^{T}M_{N}^{*} \ \ m_{LL}^{2*} \ \ m_{RR}^{2*} \\ v_{u}M_{N}^{\dagger}Y_{N} \ \ -b_{N}^{2} \ \ m_{RL}^{2*} \ \ m_{RR}^{2*} \end{pmatrix} \\ m_{LL}^{2} &= (m_{\ell}^{2} + v_{u}^{2}Y_{N}^{\dagger}Y_{N} + \Delta_{\nu}^{2}); \quad \Delta_{\nu}^{2} = (m_{Z}^{2}/2)\cos 2\beta \\ m_{RR}^{2} &= (M_{N}M_{N}^{*} + m_{N}^{2} + v_{u}^{2}Y_{N}Y_{N}^{\dagger}) \\ m_{RL}^{2} &= (-\mu^{*}v_{d}Y_{N} + v_{u}A_{N}) \end{aligned}$$

æ

The Theory Cosmology Collider Signatures Collider Signatures

## Real fields

#### Mixing effects

- $m_{RL}^2$  :  $\tilde{\nu}_L \leftrightarrow \tilde{N}_R$  mixing
- $c_{\ell}$  :  $\tilde{\nu}_L \leftrightarrow \tilde{\nu}_L^*$  mixing
- $M_N$  :  $\tilde{\nu}_L \leftrightarrow \tilde{N}_R^*$  mixing
- $b_N^2$  :  $\tilde{N}_R \leftrightarrow \tilde{N}_R^*$  mixing

From now assume as real :  $m_{LL}^2$ ,  $m_{RR}^2$ ,  $m_{RL}^2$ ,  $c_\ell$ ,  $b_N^2$ Redefine:

$$\tilde{\nu}_L = (\tilde{\nu}_1 + i\tilde{\nu}_2)/\sqrt{2}$$
  
 $\tilde{N}_R = (\tilde{N}_1 + i\tilde{N}_2)/\sqrt{2}$ 

伺 ト イヨト イヨト

Displaced Vertex Distributions Reach

#### Mass matrix becomes...

$$\begin{aligned} \mathcal{L}_{mass}^{\tilde{\nu}} &= -\frac{1}{2} \begin{pmatrix} \tilde{\nu}_{1}^{T} & \tilde{N}_{1}^{T} & \tilde{\nu}_{2}^{T} & \tilde{N}_{2}^{T} \end{pmatrix} \mathcal{M}_{\tilde{\nu}}^{r} \begin{pmatrix} \tilde{\nu}_{1} \\ \tilde{N}_{1} \\ \tilde{\nu}_{2} \\ \tilde{N}_{2} \end{pmatrix} \\ \mathcal{M}_{\tilde{\nu}}^{r} &= \begin{pmatrix} m_{LL}^{2} - c_{\ell} & m_{RL}^{2} + v_{u} Y_{N}^{T} M_{N}^{*} & 0 & 0 \\ m_{RL}^{2} - v_{u} M_{N}^{\dagger} Y_{N} & m_{RR}^{2} - b_{N}^{2} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & m_{LL}^{2} + c_{\ell} & m_{RL}^{2} - v_{u} Y_{N}^{T} M_{N}^{*} \\ 0 & 0 & m_{RL}^{2} - v_{u} M_{N}^{\dagger} Y_{N} & m_{RR}^{2} + b_{N}^{2} \end{pmatrix} \end{aligned}$$

[Hirsch et al., Grossman et al. '97]

イロト イポト イヨト イヨト

 $c_{\ell}$ ,  $b_N$  and  $M_N$  split  $\tilde{\nu}_1 \leftrightarrow \tilde{\nu}_2$  degeneracy, and  $\tilde{N}_1 \leftrightarrow \tilde{N}_2$  degeneracy Denote LSP as  $\tilde{\nu}_0$ ; Heavy states as  $\tilde{\nu}_H$ Bose symmetry forbids  $Z\tilde{\nu}_0\tilde{\nu}_0$  coupling

 $\therefore$  leads to acceptable relic density

[Hall et al. '97]

Thermal History of the Universe

#### $\mathsf{Big}\;\mathsf{Bang}\to\mathsf{Inflation}\to\cdots\to\mathsf{BBN}\to\mathsf{Today}$

Hubble rate:

$$H \equiv \frac{\dot{a}}{a}; \quad H^2 = \frac{8\pi G}{3}\rho$$
$$H = 1.66\sqrt{g_*}\frac{T^2}{M_{Pl}} \quad (\text{Rad Dom})$$

イロト イヨト イヨト

3

The Theory Displaced Verter Cosmology Distributions Collider Signatures Reach

#### **Boltzmann Equation**

 $\mathsf{Big}\;\mathsf{Bang}\to\mathsf{Inflation}\to\cdots\to\mathsf{BBN}\to\mathsf{Today}$ 

$$\frac{d}{dt}n_{\tilde{\nu}_0} = -3Hn_{\tilde{\nu}_0} - \langle \sigma v \rangle_{SI} \left(n_{\tilde{\nu}_0}^2 - n_{\tilde{\nu}_0 \ eq}^2\right) - \langle \sigma v \rangle_{CI} \left(n_{\tilde{\nu}_0}n_{\phi} - n_{\tilde{\nu}_0 \ eq}n_{\phi \ eq}\right) + C_{\Gamma}$$

Thermal equilibrium if  $\langle \sigma v \rangle_{SI} n_{\tilde{\nu}_0} > 3H$ ;  $\langle \sigma v \rangle_{CI} n_{\phi} > 3H$ **Freeze-out** 



Displaced Vertex Distributions Reach

#### Mixed $\tilde{\nu}_0$ Dark Matter



$$\Omega_0 h^2 = \frac{10^{-4}}{s_1^4} \left\{ \left[ g^2 \left( \frac{100 \text{ GeV}}{M_{\tilde{W}}} \right) + {g'}^2 \left( \frac{100 \text{ GeV}}{M_{\tilde{B}}} \right) \right]^2 \right\}^{-1}$$

 $\therefore$   $s_1 \approx 0.2$  results in observed relic density

▲ □ ▶ ▲ □ ▶ ▲ □ ▶

The Theory Displaced Ve Cosmology Distributions Collider Signatures Reach

#### Relic from Decays

Contribution from  $C_{\Gamma} \sim n_{\chi} \Gamma (\chi \rightarrow \tilde{\nu}_0 X)$ •  $\tilde{H}_u \rightarrow \tilde{\nu}_0 L$   $\Omega_{0 (a_D)} h^2 \sim 10^{26} c_1^2 Y_N^2 \frac{M_{\text{LSP}}}{M_{\tilde{H}}} f_{PS}^2$ •  $\tilde{\nu}_H \rightarrow \tilde{\nu}_0 \overline{\psi} \psi$   $h_u$  exchange  $\Omega_{0 (b_D)} h^2 = 10^{24} (c_1^2 - s_1^2)^2 Y_c^2 \frac{A_N^2 M_{\tilde{\nu}_H} M_{\text{LSP}}}{M_{h_u}^4} f_{3PS}^2$ 

Does not overclose if

$$Y_N \lesssim 10^{-13}$$
 ;  $A_N \lesssim 10 \ {
m eV}$  ;  $s_1 \lesssim 10^{-12}$ 

(Decays just before BBN!)

Dirac case [Asaka et al. '05]

◆□▶ ◆□▶ ◆ □▶ ◆ □▶ ● ● ● ● ●

 $\frac{\text{The Theory}}{\text{Cosmology}} \xrightarrow{\text{Displaced Vertex}}_{\text{Distributions}}$ When is  $\tilde{\nu}_0$  Thermal?  $\langle \sigma v \rangle n > 3H$ 



3

 $\frac{\text{The Theory}}{\text{Cosmology}} \xrightarrow{\text{Displaced Vertex}}_{\text{Distributions}}$ When is  $\tilde{\nu}_0$  Thermal?  $\langle \sigma v \rangle n > 3H$ 

# Self-interaction processes (a<sub>s</sub>) $\tilde{\nu}_0 \tilde{\nu}_0 \rightarrow \nu_L \nu_L$ $\tilde{W}^3$ ; $\tilde{B}$ exchange (d<sub>s</sub>) $\tilde{\nu}_0 \tilde{\nu}_0 \rightarrow \nu_L \overline{\nu_L}$ ; $e_L \overline{e_L}$ $\tilde{H}_u^+$ ; $\tilde{H}_u^0$ exchange

Process	Cross-section	Limit
( <i>a</i> <sub>s</sub> )	$rac{s_1^4}{16\pi}\left(rac{g^2}{M_{ ilde W}}+rac{{g'}^2}{M_{ ilde B}} ight)^2$	$\alpha_m Y_N > 10^{-3}$
$(d_s)$	$\frac{Y_N^4 c_1^4}{16\pi} \frac{1}{M_{\tilde{H}}^2} \left(\frac{m_e}{M_{\rm LSP}}\right)^2$	$Y_N > 10^{-3}$

Displaced Vertex Distributions Reach

#### When is $\tilde{\nu}_0$ Thermal?

Co-interaction processes with other SUSY particles Boltzmann suppressed by  $\beta_{\phi} \equiv e^{-(\Delta M_{\phi}/T)}; \quad \Delta M_{\phi} \equiv (M_{\phi} - M_{\rm LSP})$ 

#### Co-interaction with SUSY

 $(b_c)$   $ilde{
u}_0 ilde{s} 
ightarrow ilde{e}_L ilde{s}' \qquad W^\pm$  exchange

 $(e_c) \ ilde{
u}_0 ilde{
u}_H 
ightarrow c \overline{c} \ ; \ t \overline{t} \qquad h_u \ {
m exchange}$ 

Process	Cross-section	Limit
$(b_c)$	$rac{g^4 s_1^2}{16\pi} rac{M_{ m LSP}^2}{M_Z^4} f_{PS}^2$	$eta_{\tilde{s}} lpha_m f_{PS} Y_N > 10^{-6.5}$
$(e_c)$	$\frac{(c_1^2 - s_1^2)^2 Y_u^2}{16\pi} \frac{1}{M_{h_u}^2} \left(\frac{A_N}{M_{h_u}}\right)^2 f_{PS}^2$	$Y_{u}eta_{ ilde{ u}_{H}}lpha_{m}f_{PS}Y_{N}>10^{-7}$

▲口 ▶ ▲冊 ▶ ▲ 三 ▶ ▲ 三 ▶ ● ● ● ● ●

Displaced Vertex Distributions Reach

#### When is $\tilde{\nu}_0$ Thermal?

# Co-interaction with SM $(a_M) \quad \tilde{\nu}_0 t_{R,L} \rightarrow \tilde{\nu}_L t_{L,R} \quad h_u \text{ exchange}$ $(b_M) \quad \tilde{\nu}_0 t_L \rightarrow \nu_L \tilde{t}_R \quad \tilde{H}_u \text{ exchange}$

Process	Cross-section	Limit
(a <sub>M</sub> )	$\frac{A_N^2 Y_t^2}{16\pi} \frac{1}{M_{h_u}^4} f_{PS}^2$	$\beta_t \alpha_m f_{PS} Y_N > 10^{-7}$
$(b_M)$	$rac{Y_N^2 Y_t^2}{16\pi} rac{1}{M_{ ilde{H}}^2} f_{PS}^2$	$eta_t f_{PS} Y_N > 10^{-7}$

< 同 > < 三 > < 三 > -

Thermalization conditions not met  $\Rightarrow$  Nonthermal  $\tilde{\nu}_0$ 

Happens when :

- $Y_N \lesssim 10^{-6}$  i.e.,  $ilde{
  u}_0$  is almost pure right-handed
- Low Reheat temp  $T_{RH} <$  100 GeV ; Reheat into  $\tilde{\nu}_0$  + SM

No Relic-from-decay of heavier SUSY particles No  $\tilde{\nu}_0$  thermalization from co-interaction with SUSY or Top

 $ilde{N}$  Relic density depends on Inflaton coupling to SM and  $ilde{N}$ 

• Work in progress

Thermalization conditions not met  $\Rightarrow$  Nonthermal  $\tilde{\nu}_0$ 

Happens when :

- $Y_N \lesssim 10^{-6}$  i.e.,  $ilde{
  u}_0$  is almost pure right-handed
- Low Reheat temp  $T_{RH} <$  100 GeV ; Reheat into  $\tilde{\nu}_0$  + SM

No Relic-from-decay of heavier SUSY particles No  $\tilde{\nu}_0$  thermalization from co-interaction with SUSY or Top

 $ilde{N}$  Relic density depends on Inflaton coupling to SM and  $ilde{N}$ 

• Work in progress

< ロ > < 同 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >